

# Obsah

Předmluva . . . . .	5
Seznam použitých symbolů . . . . .	6
<b>1 Úvod</b>	<b>7</b>
1.1 Definice a základní charakteristiky náhodného procesu . . . . .	7
1.2 Příklady náhodných procesů . . . . .	12
1.3 Cvičení a doplňky . . . . .	13
<b>2 Markovovy řetězce s diskrétním časem</b>	<b>15</b>
2.1 Základní vlastnosti . . . . .	15
2.2 Příklady Markovových řetězců . . . . .	21
2.3 Klasifikace stavů Markovova řetězce . . . . .	25
2.4 Rozklad množiny stavů . . . . .	38
2.5 Pravděpodobnosti absorpcie . . . . .	44
2.6 Stacionární rozdělení . . . . .	52
2.7 Limitní věty pro četnosti návratů . . . . .	59
2.8 Markovovy řetězce s oceněním přechodů . . . . .	63
2.9 Řízené Markovovy řetězce . . . . .	67
2.10 Cvičení a doplňky . . . . .	68
<b>3 Markovovy řetězce se spojitém časem</b>	<b>77</b>
3.1 Základní vlastnosti . . . . .	77
3.2 Kolmogorovovy diferenciální rovnice . . . . .	90
3.3 Stacionární a limitní rozdělení . . . . .	96
3.4 Poissonův proces . . . . .	106
3.5 Lineární proces růstu (Yuleův proces) . . . . .	109
3.6 Obecný proces růstu . . . . .	112
3.7 Lineární proces množení a zániku . . . . .	113
3.8 Obecný proces množení a zániku . . . . .	116
3.9 Systémy hromadné obsluhy . . . . .	119
3.9.1 Systém $(M/M/\infty)$ . . . . .	120
3.9.2 Systém $(M/M/c)$ . . . . .	122

3.9.3 Systém $(M/G/1)$ . . . . .	126
3.10 Cvičení a doplňky . . . . .	128
<b>4 Procesy obnovy</b>	<b>133</b>
4.1 Definice a základní vlastnosti . . . . .	133
4.2 Rovnice obnovy . . . . .	139
4.3 Cvičení a doplňky . . . . .	141
<b>A</b>	<b>143</b>
A.1 Vytvořující funkce . . . . .	143
A.2 Konvoluce . . . . .	146
A.3 Laplaceova transformace . . . . .	148
A.4 Náhodný součet náhodných veličin . . . . .	149
<b>B</b>	<b>151</b>
B.1 Některé věty o maticích . . . . .	151
B.2 Parciální diferenciální rovnice . . . . .	154
<b>Literatura</b>	<b>157</b>